
Probas de acceso a ciclos formativos de grao superior

CSPC003

Matemáticas

Matemáticas



1. Formato da proba

Formato

- A proba consta de vinte cuestiós distribuídas en catro problemas, do seguinte xeito:
 - Problema 1: cinco cuestiós tipo test.
 - Problema 2: oito cuestiós tipo test.
 - Problema 3: catro cuestiós tipo test.
 - Problema 4: tres cuestiós tipo test.
- As cuestiós tipo test teñen tres posibles respuestas das que soamente unha é correcta.

Puntuación

- 0,50 puntos por cuestión tipo test correctamente contestada.
- Cada cuestión tipo test incorrecta restará 0,125 puntos.
- Polas respuestas en branco non se descontarán puntuación.

Materiais e instrumentos que se poden emplegar durante a proba

- Calculadora científica non programable.
- Bolígrafo con tinta negra ou azul.

Duración

- Este exercicio terá unha duración máxima de: 90 minutos.

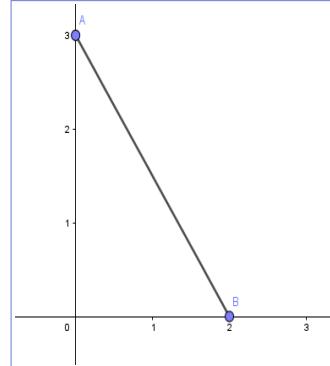


2. Exercicio

Problema 1

Considérese o segmento de extremos A(0,3) e B(2,0).

Se considera el segmento de extremos A(0,3) y B(2,0).



- 1.** Indique cal das seguintes expresións é correcta se P é o punto do segmento AB que está a dobre distancia de A que de B. (“O” representa a orixe de coordenadas).

Indique cuál de las siguientes expresiones es la correcta si P es el punto del segmento AB que está a doble distancia de A que de B. (“O” representa el origen de coordenadas).

A $\vec{OP} = 2\vec{OA} + \vec{AB}$

B $\vec{OP} = \vec{OA} + \frac{2}{3}\vec{AB}$

C $\vec{OP} = \vec{OA} + \frac{1}{2}\vec{AB}$

- 2.** Supondo un determinado punto C do plano de xeito que o triángulo ABC sexa equilátero, calcule a superficie S do triángulo ABC.

Suponiendo un determinado punto C del plano de forma que el triángulo ABC sea equilátero, calcule la superficie S del triángulo ABC.

A $S = \frac{\sqrt{26}}{3}u^2$

B $S = \frac{13\sqrt{3}}{2}u^2$

C $S = \frac{\sqrt{13}}{2}u^2$



- 3.** Calcule a tanxente do ángulo α que forman a recta $y=x$ e a recta que contén a A e B. (Lembre que o ángulo que determinan dúas rectas está comprendido entre 0° e 90°).

Calcule la tangente del ángulo α que forman la recta $y=x$ y la recta que contiene a A y a B. (Recuerde que el ángulo que determinan dos rectas está comprendido entre 0° y 90°).

A $\tan \alpha = 5$

B $\tan \alpha = 1$

C $\tan \alpha = \frac{1}{5}$

- 4.** Deduza a ecuación da mediatrix do segmento AB.

Deduzca la ecuación de la mediatrix del segmento AB.

A $2x+3y=0$

B $3x+2y-6=0$

C $4x-6y+5=0$

- 5.** Indique cal das seguintes ecuacións corresponde a unha circunferencia.

Indique cuál de las siguientes ecuaciones corresponde a una circunferencia.

A $13x^2+13y^2-36=0$

B $5x^2-5y^2-2x+3y=0$

C $2x^2+3y^2-36=0$

**Problema 2**

Dada a función:

Dada la función:

$$y = \frac{2x}{1-x^2}$$

6. Estude a continuidade da función.*Estudie la continuidad de la función.***A** A función é continua en todos os números reais.*La función es continua en todos los números reales.***B** A función é continua salvo para $x = -1$ e $x = 1$.*La función es continua salvo para $x = -1$ y $x = 1$.***C** A función é continua salvo para $x = 0$, $x = -1$ e $x = 1$.*La función es continua salvo para $x = 0$, $x = -1$ y $x = 1$.***7.** Estude o seu dominio D.*Estudie su dominio D.***A** $D = [-1, 1]$ **B** $D = \mathbb{R} - \{0, 1\}$ **C** $D = \mathbb{R} - [-1, 1]$ **8.** Estude a simetría da función.*Estudie la simetría de la función.***A** Trátase dunha función impar (simétrica respecto da orixe de coordenadas).*Se trata de una función impar (simétrica respecto del origen de coordenadas).***B** Trátase dunha función par (simétrica respecto do eixe Y).*Se trata de una función par (simétrica respecto del eje Y).***C** A función non é par nin impar.*La función no es par ni impar.*



9. Calcule o valor da función cando $x=\sqrt{2}$

Calcule el valor de la función cuando $x=\sqrt{2}$

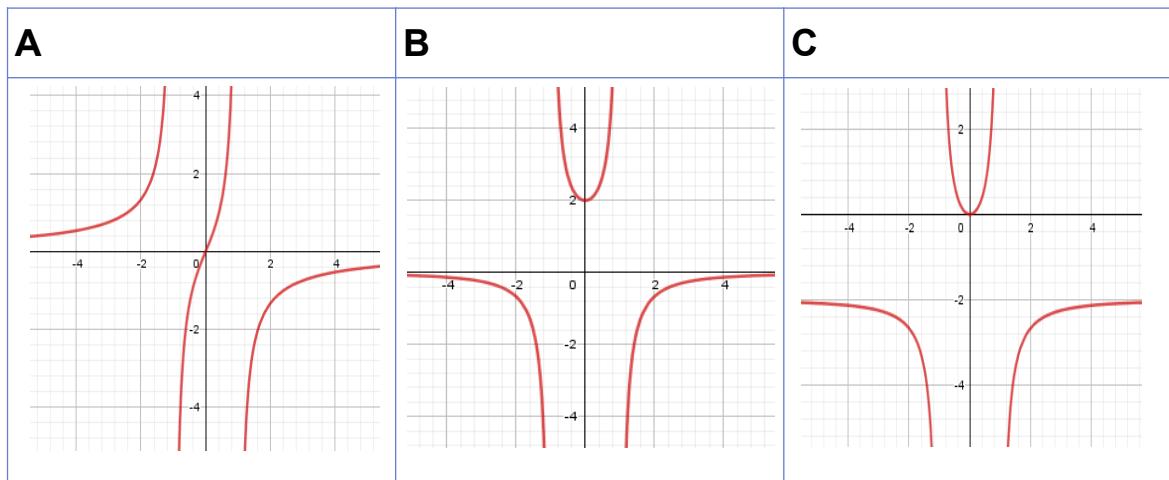
A $f(\sqrt{2})=2^{-\frac{3}{2}}$

B $f(\sqrt{2})=2^{\frac{3}{2}}$

C $f(\sqrt{2})=-2^{\frac{3}{2}}$

10. Cal das seguintes gráficas corresponde á función dada?

¿Cuál de las siguientes gráficas corresponde a la función dada?



11. Determine os puntos de corte da gráfica da función coa recta $y=3x$

Determine los puntos de corte de la gráfica de la función con la recta $y=3x$

A $(0,0), (\sqrt{3}, \frac{\sqrt{3}}{3})$ e $(-\sqrt{3}, -\frac{\sqrt{3}}{3})$

B $(0,0), (\frac{\sqrt{3}}{3}, \sqrt{3})$ e $(-\frac{\sqrt{3}}{3}, -\sqrt{3})$

C $(0,0), (\sqrt{3}, \sqrt{3})$ e $(-\sqrt{3}, -3\sqrt{3})$



12. Indique cal das seguintes expresións alxébricas é equivalente a:

Indique cuál de las siguientes expresiones algebraicas es equivalente a:

$$\frac{2x}{1-x^2}$$

A $\frac{3x^2+2x}{1-4x^2}$

B $\frac{2x-2x^3}{x^4-2x^2+1}$

C $\frac{2x^3-2x}{x^4-2x^2+1}$

13. Desenvolva a expresión $\log_2 y$ da función do problema 2.

Desarrolle la expresión $\log_2 y$ de la función del problema 2.

$$y = \frac{2x}{1-x^2}$$

A $\log_2 y = 1 + \log_2 x - \log_2(1-x^2)$

B $\log_2 y = 2 \log_2 x - \log_2(1-x^2)$

C $\log_2 y = \log_2 2 + \log_2 x - 2 \log_2(1-x)$

**Problema 3**

A suma das cifras dun número comprendido entre 100 e 999 é 6. Se intercambiamos as cifras das unidades e das decenas, o número diminúe en 9 unidades e se intercambiamos as cifras das unidades e das centenas, o número aumenta en 99 unidades.

La suma de las cifras de un número comprendido entre 100 y 999 es 6. Si intercambiamos las cifras de las unidades y de las decenas, el número disminuye en 9 unidades y si intercambiamos las cifras de las unidades y de las centenas, el número aumenta en 99 unidades.

- 14.** Se x , y , z representan, respectivamente, as centenas, decenas e unidades dese número, esos valores correspóndense coa solución do sistema:

Si x , y , z representan, respectivamente, las centenas, decenas y unidades de ese número, esos valores se corresponden con la solución del sistema:

A	B	C
$\begin{cases} x+y+z=6 \\ y-z=1 \\ z-x=11 \end{cases}$	$\begin{cases} x+y+z=6 \\ 10y-z=11 \\ z-10x=1 \end{cases}$	$\begin{cases} x+y+z=6 \\ y-z=1 \\ z-x=1 \end{cases}$

- 15.** Indique cal dos seguintes sistemas corresponde a tres planos no espazo que únicamente teñen en comén o punto $P(2, -3, 1)$.

Indique cuál de los siguientes sistemas corresponde a tres planos en el espacio que únicamente tienen en común el punto $(2, -3, 1)$.

A	B	C
$\begin{cases} x-y+z=6 \\ x+y-z=-2 \\ x-2y+3z=11 \end{cases}$	$\begin{cases} x+y+z=6 \\ x+y-z=-2 \\ x-3y+3z=14 \end{cases}$	$\begin{cases} x-y+z=6 \\ x+y-z=-2 \\ x-2y+3z=0 \end{cases}$

- 16.** Considérase o experimento consistente en seleccionar ao azar un número entre 1 e 100. Sexa M o suceso “O número ten algún 9” e sexa N o suceso “O número é múltiplo de 4”. Calcula a probabilidade do suceso $M \cup N$ (teña en conta que hai números que verifican as dúas condicións).

Se considera que el experimento consistente en seleccionar al azar un número entre 1 y 100. Sea M el suceso “El número tiene algún 9” y sea N el suceso “El número es múltiplo de 4”. Calcule la probabilidad del suceso $M \cup N$ (tenga en cuenta que hay números que verifican las dos condiciones).

A $p(M \cup N)=0,45$

B $p(M \cup N)=0,43$

C $p(M \cup N)=0,41$



- 17.** Unha bolsa contén 10 bolas numeradas cos números de 0 a 9. Realízase o experimento consistente en extraer ao chou e con substitución doce bolas da bolsa e escribir o número de 12 cifras que resulta (na mesma orde en que foron saíndo). Indique a que distribución Normal se aproxima a distribución que segue a variable aleatoria X = “Cantidad de cifras pares que ten o número de 12 cifras obtido”.

Una bolsa contiene 10 bolas numeradas con los números de 0 a 9. Se realiza el experimento consistente en extraer al azar y con reemplazamiento doce bolas de la bolsa y escribir el número de 12 cifras que resulta (en el mismo orden en el que fueron saliendo). Indique a qué distribución Normal se aproxima la distribución que sigue la variable aleatoria X = “Cantidad de cifras pares que tiene el número de 12 cifras obtenido”.

A Aproxímase a unha distribución normal $N(6, \sqrt{3})$.

Se aproxima a una distribución normal $N(6, \sqrt{3})$.

B Aproxímase a unha distribución normal $N(12, 0,5)$.

Se aproxima a una distribución normal $N(12, 0,5)$.

C Aproxímase a unha distribución normal $N(12, \sqrt{24})$.

Se aproxima distribución normal $N(12, \sqrt{24})$.



Problema 4

No ano 2016 había en Galicia 269 534 fogares unifamiliares. Facendo unha extrapolación coa recta de interpolación obtida cos datos de 2010 e 2016, estímase que o ano 2030 o número de fogares unifamiliares en Galicia será de 389 164.

En el año 2016 había en Galicia 269 534 hogares unifamiliares. Haciendo una extrapolación con la recta de interpolación obtenida con los datos de 2010 y 2016, se estima que en el año 2030 el número de hogares unifamiliares en Galicia será de 389 164.

- 18.** Tendo en conta os datos indicados no problema, calcule cantos fogares unifamiliares había en Galicia no ano 2010.

Teniendo en cuenta los datos indicados en el problema, calcule cuántos hogares unifamiliares había en Galicia en el año 2010.

A 218 756 fogares.

218 756 hogares.

B 218 264 fogares.

218 264 hogares.

C 218 344 fogares.

218 344 hogares.

- 19.** Sábase que o incremento dos fogares unifamiliares no ano 2017 foi do 3 % respecto ao ano 2016. Indique que ecuación permite calcular cantos anos, n, deberían de pasar (a contar desde 2016) de seguir este incremento anual para que o número de fogares unifamiliares acadase os 300 000.

Se sabe que el incremento de hogares unifamiliares en el año 2017 fue del 3 % respecto al año 2016. Indique qué ecuación permite calcular cuántos años, n, deberían de pasar (a contar desde 2016) de seguir este incremento anual para que el número de hogares unifamiliares alcanzara los 300 000.

A $300\,000 \cdot (0,97)^n = 269\,534$

B $269\,534 \cdot (1,03)^n = 300\,000$

C $269\,534 \cdot (1,003)^n = 300\,000$



- 20.** A seguinte táboa xorde da estimación da evolución do número de habitantes da comunidade galega (segunda fila) e o número de fogares habitados (terceira fila) durante os tres próximos lustros. Indique que tipo de correlación se considera entre ambas as variables.

La siguiente tabla surge de la estimación de la evolución del número de habitantes de la comunidad gallega (segunda fila) y el número de hogares habitados (tercera fila) durante los tres próximos lustros. Indique qué tipo de correlación se considera entre ambas variables.

2016	2021	2026	2031
2 720 668	2 663 598	2 572 374	2 489 946
1 082 105	1 086 923	1 092 695	1 107 081

- A** Negativo e débil (coeficiente de correlación próximo a 0).

Negativa y débil (coeficiente de correlación próximo a 0).

- B** Positiva e forte (coeficiente de correlación próximo a 1).

Positiva y fuerte (coeficiente de correlación próximo a 1).

- C** Ningunha das anteriores.

Ninguna de las anteriores.



3. Solución para as preguntas tipo test

As cuestiós 2, 7 e 16 quedan anuladas por existiren erratas nas respotas nos cadernos de exame.

As respotas correctas son:

- Cuestión 2 **B** $S = \frac{13\sqrt{3}}{4}u^2$
- Cuestión 7 **B** $D = \mathbb{R} - \{-1,1\}$
- Cuestión 16 **B** $p(M \cup N) = 0,42$

Recalcúlase o valor das respotas correctas para a nova situación, pero o desconto para as respotas incorrectas non se modifica.

Nº	A	B	C	
1		X		
2		ANULADA		
3	X			
4			X	
5	X			
6		X		
7		ANULADA		
8	X			
9				X
10	X			
11		X		
12		X		
13	X			
14			X	
15	X			
16		ANULADA		
17	X			
18		X		
19		X		
20			X	

N.º de respotas correctas (C)

N.º de respotas incorrectas (Z)

Puntuación do test= C×0,59-Z×0,125

**Nas preguntas de test, por cada resposta incorrecta descontaranse 0,125 puntos.
As respotas en branco non descontarán puntuación.**